

1. (1) 有一二維射流(Jet flow)以速度 V 撞擊一固定之斜板後分成兩支射流(如圖 A 所示), 其速度均為 V , 但流量則分別為 αQ 與 $(1-\alpha)Q$, 其中 α 與 $(1-\alpha)$ 為流量分配比例。若摩擦力可忽略, 試求 α 為若干? (答案請以斜板角度 θ 表示之)
- (2) 已知入流之厚度為 h_1 , 兩支出流之厚度分別為 h_2 與 h_3 , 斜板施於流體之作用力為 F_n , 且 F_n 之作用點與入流中心點之距離為 L (如圖 B 所示), 試求 L 為若干? (答案請以 h_1 與 θ 表示之) (30%)

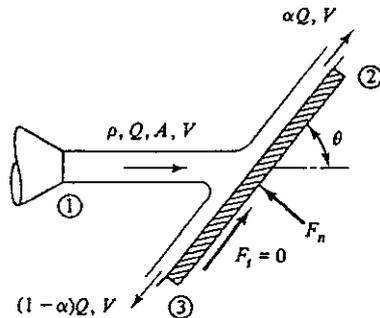


圖 A

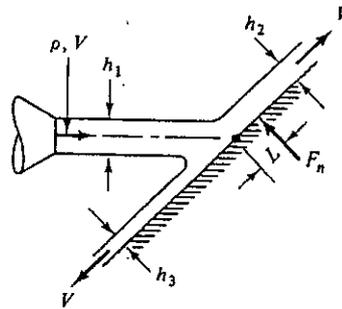
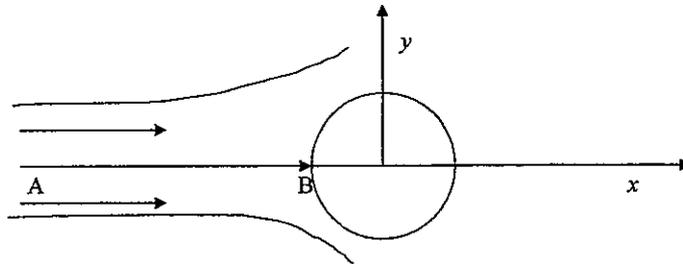


圖 B

2. 有一棒球投手以 125 ft/s 之球速將棒球投出, 棒球因受到拖曳力之影響而逐漸減速, 已知棒球之直徑為 0.24 ft, 棒球之質量為 0.01 slug, 空氣之密度為 0.0024 slug/ft³, 拖曳力係數 $C_D = 0.25$, 試求: (30%)
- (1) 棒球到達距離 120 ft 之捕手位置需時若干 sec?
- (2) 棒球到達捕手位置時, 球速減為若干 ft/s?
3. 不可壓縮、無黏性流體穩定的流過半徑為 a 之圓球, 如下圖所示。若流體沿流線 A-B (即 $-\infty \leq x \leq -a$) 的速度為

$$u(x) = u_0 \left(1 + \frac{a^3}{x^3} \right)$$

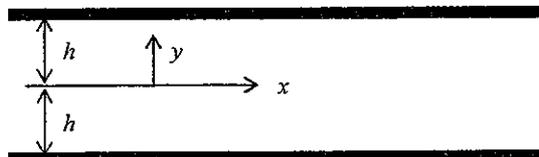
其中 u_0 為圓球前緣甚遠處的上游速度。試求順著流線 A-B 流動, 流體所產生的加速度為何? (20%)



4. 牛頓流體在兩寬廣且平行的板間流動(如下圖), 其速度分布為

$$u(y) = \frac{V}{3} \left(1 - \frac{y^2}{h^2} \right)$$

其中 V 為平均流速。當流體以 $V = 5$ ft/s 之速度運動, $h = 2$ in. 且流體的黏度為 0.04 lb·s/ft²。試求作用在兩平行板中線的剪應力為何? (20%)



試題隨卷繳回