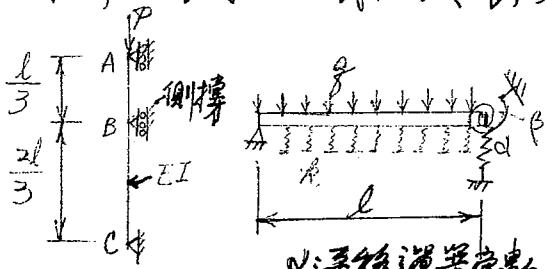
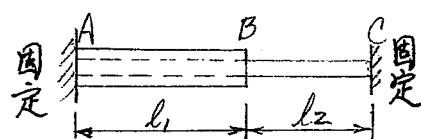


- 一、如圖(一)所示，剛度為 EI 的柱 ABC，
 (i) 試推導其側邊的臨界轉向載重 P_{cr} (Euler 載重)； (10%)
 (ii) 若在 B 點加側軸支撐 (roller support)，則 $P_{cr} = ?$ (10%)
- 二、設 Bernoulli-Euler 梁支承於彈簧常數為 κ 的彈性基底上，示於圖(二)，梁的 Young 氏模數為 E ，試推導梁的撓度 (deflection) v 與載重強度 σ 之間的關係式 (10%)；若梁的左端鉸接 (hinged)，右端有平移彈簧與扭力彈簧限制梁端的位移及轉動，試寫出左、右端的邊界條件 (10%)；若該梁承受均勻載重 σ_0 ，試求中點的撓度 (10%)。
- 三、受扭元件 (圓形) ABC 示如圖(三a)，AB 段的斷面由內徑 a ，剪力模數 G_1 ，外徑 b 与 a 之間的剪力模數為 G_2 的材料構成，BC 段則為半徑 a ，剪力模數 G_2 的材料構成，材料的特性線示如圖(三b)，
 (i) 求 AB 段的扭轉勁度 J_{AB} ； BC 段的扭轉勁度 J_{BC} ； (10%)
 (ii) 假如 B 处承受扭矩 T_0 ，所對應的扭轉角 θ_B ； (5%)
 (iii) 求 AB 段及 BC 段所分配的扭矩 T_{AB}, T_{BC} ； (5%)
 (iv) 求 AB 段及 BC 段的剪應力； (10%)
 (v) 若 $b=2a$, $l_1=l_2=l$, $\tau_y=\frac{3}{2}\tau_{2y}$, $G_1=2G_2$ 等，求屈服扭矩 T_{oy} 及其對應的扭轉角 θ_{BY} (10%)
 (vi) 各斷面均達其屈服強度時，所需的扭矩 T_{op} 及其對應的扭轉角 θ_P 為何？ (10%)

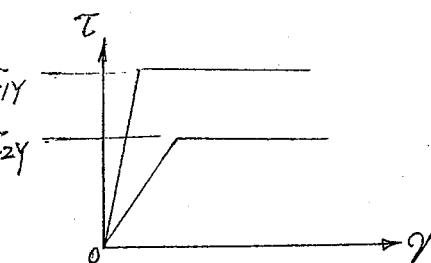


圖(一)

α : 平移彈簧常數
 β : 扭力彈簧常數



圖(二)



圖(三a)

試題隨卷繳回

圖(三b)

